Corrigé EC de3ème 13janvier 2015

Exercice 1

$$A = \frac{3.9 \times (10^{-2})^2}{3 \times 10^{-5}} \qquad A = \frac{3 \times 1.3 \times 10^{-4}}{3 \times 10^{-5}} \qquad A = 1.3 \times 10^{-4+5} \qquad A = 1.3 \times 10$$

$$A = \frac{3 \times 1,3 \times 10^{-4}}{3 \times 10^{-5}}$$

$$A = 1.3 \times 10^{-4+5}$$

$$A = 1.3 \times 10$$

$$A = 13$$

Par soustractions successives, 96-36=60 60-36=24 36-24=12

Le PGCD(96;36) est le dernier reste non nul, donc B=12

$$C = (2 + \frac{2}{3}) \div (\frac{4}{5} - \frac{2}{3})$$

$$C = (\frac{6}{3} + \frac{2}{3}) \div (\frac{12}{15} - \frac{10}{13})$$

$$C = (2 + \frac{2}{3}) \div (\frac{4}{5} - \frac{2}{3}) \qquad C = (\frac{6}{3} + \frac{2}{3}) \div (\frac{12}{15} - \frac{10}{13}) \qquad C = \frac{8}{3} \div \frac{2}{15} \qquad C = \frac{8}{3} \times \frac{15}{2} \qquad C = \frac{2 \times 4 \times 3 \times 5}{3 \times 2} \quad \underline{C} = 20$$

$$C = \frac{2 \times 4 \times 3 \times 5}{3 \times 2}$$
 C=20

$$D = \frac{7}{15} - \frac{2}{15} \times \frac{9}{4}$$

$$D = \frac{7}{15} - \frac{2 \times 9}{15 \times 2 \times 2}$$

$$D = \frac{7}{15} - \frac{9}{30}$$

$$D = \frac{7}{15} - \frac{2}{15} \times \frac{9}{4} \qquad D = \frac{7}{15} - \frac{2 \times 9}{15 \times 2 \times 2} \qquad D = \frac{7}{15} - \frac{9}{30} \qquad D = \frac{14}{30} - \frac{9}{30} \qquad D = \frac{5}{30}$$

$$D=\frac{1}{6}$$

Exercice2

$$n^{\circ}2:V$$

$$n^{\circ}3:V$$

$$n^{\circ}4:V$$
 $n^{\circ}5:V$ $n^{\circ}6:F$ $n^{\circ}7:F$

Exercice 3

1) On développe pour vérifier l'égalité

$$(x-2)(3-4x)=3x-4x^2-6+8x=-4x^2+11x-6$$

2)
$$C=(x-2)(3-4x)+(x-2)(-3x+5)$$

$$C=(x-2)[(3-4x)+(-3x+5)]$$
 donc $C=(x-2)(-7x+8)$

Exercice 4

1) Développement $E=x^2-4-(x+2)(3x-5)$

$$E=x^2-4-(3x^2-5x+6x-10)$$

$$E=x^2-4-3x^2+5x-6x+10$$

$$E=-2x^2-x+6$$

2) Factorisations $x^2-4=(x+2)(x-2)$ puis E=(x+2)(x-2)-(x+2)(-3x+5)

$$E=(x+2)[(x-2)-(3x-5)]$$

$$E=(x+2)(x-2-3x+5)$$

$$E=(x+2)(-2x+3)$$

Exercice 5

- 1) l'image de 0 est -1.5 ; celle de 1 est -1
- 2) f(3)=2
- 3) l'ordonnée du point de la courbe d'abscisse 2 est 0.
- 4) Les points d'ordonnée 0 ont pour abscisses -3 ;-1 et 2.
- 5) Les antécédents de 1 sont -2 et 2,7 environ
- 6) -2 n'a pas d'antécédent
- 7) 2 a un seul antécédent qui est 3.

Exercice 6

1. a) Dans le triangle ABC, le plus grand côté est [AB].

$$AB^2=6,25^2=39,0625$$

Comme AB²=AC²+BC² alors d'après la réciproque du théorème de Pythagore, ABC est rectangle en C.

- b) Comme ABC est rectangle en C alors (BC) est perpendiculaire à (AC). La droite (DE) est aussi perpendiculaire à (AC). Les droites (BC) et (DE) sont donc parallèles.
- 2. Dans le triangle ABC, les points E et D appartiennent aux côtés [AB] et [AC] et (BC) et (DE) sont parallèles, d'après le théorème de Thalès on a :

$$\frac{AE}{AB} = \frac{AD}{AC} = \frac{ED}{BC}$$
 d'où $\frac{3,2}{5} = \frac{ED}{3,75}$ On a donc DE= $\frac{3,75 \times 3;2}{5}$ DE=2,4 cm

3. Les droites (BN) et (CM) sont sécantes en A. Les points B, A, N et C, A, M sont alignés dans le même ordre.

$$\frac{AB}{AN} = \frac{6,25}{5} = 1,25$$
 $\frac{AC}{AM} = \frac{5}{4} = 1,25$

Comme ces deux quotients sont égaux, alors, d'après la réciproque du théorème de Thalès, les droites (MN) et (BC) sont parallèles.

Exercice 7

- 1. Dans le triangle KIJ rectangle en K on a $tan \widehat{KIJ} = \frac{KJ}{KI}$ ou encore $tan \widehat{KIJ} = \frac{2.4}{4} = 0.6$
- 2. Les angles \widehat{KIJ} et \widehat{MIL} sont opposés par le sommet. Ils ont donc la même mesure.
- 3. Dans le triangle MIL rectangle en M on a $tan \widehat{MIL} = \frac{ML}{MI}$
- 4. Les deux tangentes des deux angles égaux sont elles aussi égales.

Donc
$$\tan \widehat{MIL} = \frac{4.2}{MI} = 0.6$$
. On en déduit que MI= $\frac{4.6}{0.6}$ =7cm. MI=7cm

5. Comme $\tan \widehat{KIJ} = 0.6$, à l'aide de la calculatrice, l'angle \widehat{KIJ} mesure environ 31°